

## TIPS RELATIVI ALLE REGRESSIONI MULTILINEARI

## In via di correzione e costruzione

## MATRICE INVERSA

Sia  $A$  una matrice quadrata che ha *determinante* diverso da zero. In tal caso è possibile ottenere la sua matrice inversa  $A^{-1}$ , procedendo come segue.

- 1 – Si calcola il Determinante di A ( $|A|$ ) e se è zero ci si ferma.
  - 2 – Si rimpiazza ciascun elemento  $a_{ij}$  di A col suo *cofattore* o *complemento algebrico*, ottenendo la matrice dei cofattori.
  - 3 – Si *traspone* la matrice dei cofattori , scambiando le righe con le colonne.
  - 4 – Si divide poi ciascun elemento della matrice per il *determinante*  $|A|$  ottenendo la matrice inversa  $A^{-1}$  .

### ESEMPIO N. 1

Invertiamo la matrice  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  che ha *determinante*  $Det = |A| = -3$  (cioè  $1 \times 7 - 2 \times 5$ ).

5 7

Si costruisce la matrice dei *complementi algebrici* dei singoli elementi. Così il cofattore del primo elemento ( $a_{11}$ ) è, sopprimendo la prima riga e la prima colonna, 7; di  $a_{12}$ , sopprimendo la prima riga e la seconda colonna, è -5; di  $a_{21}$ , sopprimendo la seconda riga e la prima colonna, è -2; e di  $a_{22}$ , è 1.

Si ottiene così la matrice dei cofattori

7 -5

-2 1

7 -2

5 1

Si divide poi ogni elemento della *matrice dei cofattori* trasposta per il determinante  $|A|=-3$

ogn element

ottenendo che è l'inversa della matrice  $|A|$

$$-5/-3 \quad 1/-3$$

233 0.667

Così  $A^{-1} \equiv$  se moltiplico  $|A^{-1}| \times |A|$  ottengo la matrice unitaria

167 -0 333

-233 0667

1 2

c11 c12

=

1.67 -0.333

5 7

c21 c22

## Prodotto matriciale

$c11 = -2.33x1 + 0.667x5 = -1.005$  (significa moltiplicare ogni elemento della prima riga della prima matrice per i corrispondenti elementi della prima colonna della seconda e sommare poi i prodotti ottenuti).

c12=-2.33x2+0.667x7=0.009 (significa moltiplicare ciascun elemento della prima riga per i corrispondenti della seconda colonna dell'altra matrice)

corrispondenti della seconda  
 c21=1.67x1.0333x5=0.005

$$c22 = 1.67 \times 2 - 0.333 \times 7 = 1.009$$

ATTENZIONE! Il prodotto procede righe per colonne

#### CONTROLLO DELLA MATRICE INVERSA CON R

```
> options(digits=16)
> a=c(1,5,2,7)      dati della matrice iniziale
> A=matrix(a,2,2)   matrix legge per colonna
> I=solve(A)        solve calcola l'inversa di A
> I
      [,1]      [,2]
[1,] -2.33333333333333  0.6666666666666667
[2,]  1.666666666666667 -0.333333333333334
> P=I%*%A           calcola il prodotto matriciale fra l'inversa I e l'A di partenza
> P                  matrice unitaria
      [,1] [,2]
[1,] 1.000000000000000e+00  0
[2,] -2.220446049250313e-16  1
```